

Písemka ze ZDM č.2

1. Mějme množiny $A = \{1, 2, 3\}$ a $B = \{a, b\}$. Kolik prvků má potenční množina $P(A \times B)$? Kolik neprázdných binárních relací existuje na množině $P(B)$?
2. Nechť $A_n = (-2 + \frac{1}{n}, 2^n]$, $n \in \mathbb{N}$. Nalezněte $U = \bigcup_{n=1}^{\infty} A_n$ a $V = \bigcap_{n=1}^{\infty} A_n$. Platí $\{1, 2, 3\} \in P(U)$? Platí $\{1, 2, 3\} \in P(V)$?
3. Na množině $[0, 1]$ uvažujme relaci $S = \{(y, x) \mid (y, x) \in [0, 1]^2, x \geq y\}$. Které z vlastností reflexivita, symetrie, antisymetrie a transitivita má S ? Dokažte.
4. Na množině $M = \{a, b, c, d\}$ nalezněte relaci, která je reflexivní, ale není symetrická ani antisymetrická. Dokažte.